

**Ejercicio 1:** Si empezamos suficientemente cerca, la iteración  $x_{n+1} = \frac{2 + x_n}{1 + x_n}$  converge hacia  $s = \sqrt{2}$ .

Escribir un bucle que haga 15 iteraciones aplicando la fórmula anterior empezando en  $x_0 = 1$ . En cada paso del bucle usar el comando fprintf() para volcar por pantalla:

- Número de iteración (%2d).
- Estimación de  $\sqrt{2}$  en dicha iteración con 15 decimales (%.15f).
- Valor absoluto del error (%.2e).
- Número de cifras significativas de precisión (%2d).

```
% Insertar el código.
```

```
% Volcar los datos.
```

## Ejercicio 2:

La derivada de una función  $f(x)$  la aproximamos con la siguiente fórmula

$$f'(x) \approx \frac{f(x+h) - f(x-h)}{2h} \quad (1)$$

Una cota del error de truncamiento viene dada por:

$$E_{rel\_trunc} \leq \frac{h^2 |f'''(x)|}{6 |f'(x)|}$$

Una cota del error relativo de redondeo viene dada por:

$$E_{rel\_red} \leq \frac{eps(1) |f(x)|}{2h |f'(x)|}$$

Aplicamos la fórmula a la función  $f(x)=\sinh(x)$  en el punto  $x=1$  ( $f'(x)=\cosh(x)$ ,  $f''(x)=\sinh(x)$ ).

Calcular el error relativo de la aproximación (1), para el vector  $h=10^{-n}$ , con  $n=[0 \ 1 \ 2 \ \dots \ 20]$ .

```
der_f_exacto = ; % Valor exacto de f'(x)=cosh(x) en x=1,
der_f_aprox = ; % Valor aproximado de la derivada de f(x)=sinh(x), utilizando la fórmula (1),
                % en x=1 y los valores del vector h
E_rel = ; % Error relativo de la fórmula (1)
```

Dibujar la gráfica del error relativo de la aproximación (1), en escala logarítmica (loglog), respecto de  $h$  (en verde, 'go').

```
% Insertar aquí el código y la gráfica
```

Añadir a la gráfica anterior la suma de las dos cotas indicadas (truncamiento y redondeo) (en rojo, 'r\*').

```
% Insertar aquí el código y la gráfica
```

A partir de los resultados obtenidos en la gráfica contestar las siguientes cuestiones:

1. Indicar el máximo número de cifras significativas de precisión alcanzadas con esta aproximación, y el valor de  $h$  para el cual se alcanza el citado máximo.
2. Indicar el rango de valores de  $h$  para el cual obtenemos una precisión de al menos 6 cifras significativas.
3. ¿Para qué valores de  $h$  predomina el error de redondeo?, ¿y para que valores de  $h$  es más importante el error de la truncamiento de la fórmula?. Justificar la respuesta.
4. Comentar que sucede con error relativo para  $h \leq 10^{-16}$ .

% Responder aquí a las preguntas
----------------------------------